

PROCESAMIENTO AUDIOVISUAL

Programa de teoría

1. Adquisición y representación de imágenes.
2. Procesamiento global de imágenes.
3. **Filtros y transformaciones locales.**
4. Transformaciones geométricas.
5. Espacios de color y el dominio frecuencial.
6. Análisis de imágenes.
7. Vídeo y sonido digital.

Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

- 3.1. Filtros y convoluciones
 - 3.2. Suavizado, perfilado y bordes.
 - 3.3. Filtros no lineales.
 - 3.4. Morfología matemática.
- A.3. Filtros en OpenCV.

3.1. Filtros y convoluciones.

- Recordatorio: en las transformaciones **globales**, cada píxel de salida depende sólo de un píxel de entrada.

90	67	75	78	Transf. global	62	68	78	81
92	87	78	82		102	89	76	85
45	83	80	130		83	109	80	111
39	69	115	154	Transf. local	69	92	115	120
Entrada					Salida			

- No se tiene en cuenta la relación de **vecindad** entre píxeles. El resultado no varía si los píxeles son *permutados* aleatoriamente y después *reordenados*.
- Transformación local:** el valor de un píxel depende de la vecindad local de ese píxel.

3.1. Filtros y convoluciones.

- Transformación global:**
 $R(x,y) = f(A(x,y))$ ó $R(x,y) = f(A(x,y), B(x,y))$
- Filtros y transformaciones locales:**
 $R(x,y) = f(A(x-k,y-k), \dots, A(x,y), \dots, A(x+k,y+k))$

- Ejemplo.** Filtro de la media.

$$R(x,y) = (A(x-1,y-1) + A(x,y-1) + A(x-1,y) + A(x,y))/4$$

92	78	82		-	-	-
45	80	130		-	74	93
39	115	154	$\Sigma / 4$	-	70	120
A				R		

3.1. Filtros y convoluciones.

- Ejemplo.** Entrada, A



Salida, R



- Resultado:** la imagen se *suaviza*, *difumina* o *emborrona*.
- Las transformaciones locales tienen sentido porque existe una relación de **vecindad** entre los píxeles.
- Recordatorio:** un píxel representa una magnitud física en un punto de una escena → dos píxeles próximos corresponden a puntos cercanos de la escena → el mundo es "continuo" → los píxeles próximos tendrán valores parecidos.

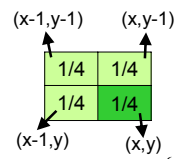
3.1. Filtros y convoluciones.

- Un tipo interesante de transformaciones locales son las convoluciones discretas.
- Convolución discreta:** transformación en la que el valor del píxel resultante es una **combinación lineal** de los valores de los píxeles vecinos en la imagen.

- Ejemplo.** El filtro de la media es una convolución.

$$R(x,y) = 1/4 \cdot A(x-1,y-1) + 1/4 \cdot A(x,y-1) + 1/4 \cdot A(x-1,y) + 1/4 \cdot A(x,y)$$

- Otra forma de ver la convolución:** Matriz de coeficientes de la combinación lineal.



3.1. Filtros y convoluciones.

- La matriz de coeficientes es conocida como la **máscara o núcleo (kernel) de convolución**.
- Idea intuitiva:** se pasa la máscara para todo píxel de la imagen, aplicando los coeficientes según donde caigan.

Máscara de convolución

-1/4	-1/4
-1/4	-1/4

Imagen de entrada, A

92	78	82
45	80	130
39	115	154

¿Cuánto valen estos píxeles?

Imagen de salida, R

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

7

3.1. Filtros y convoluciones.

- Sea **M** una máscara de convolución. Se puede definir como **array [-k...k, -p...p] de real**

En X la máscara va de -k a k, y en Y de -p a p. El punto central es (0,0)

- Algoritmo.** Cálculo de una convolución. Denotamos la convolución como: $R := M \otimes A$
- Entrada.** A: imagen de $\max_x \times \max_y$
M: array [-k...k, -p...p] de real
- Salida.** R: imagen de $\max_x \times \max_y$
- Algoritmo:** para cada píxel (x, y) de la imagen A hacer

$$R(x, y) := \sum_{i=-k..k} \sum_{j=-p..p} M(i, j) \cdot A(x+i, y+j)$$

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

8

3.1. Filtros y convoluciones.

- Ejemplos.** $R := M \otimes A$

Punto central o ancla (anchor)

M

1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9
1/9	1/9	1/9

M

1	1	1
1	1	1
1	1	1

N

-1	1
----	---

El valor de un píxel es la media de los 9 píxeles circundantes

Igual que antes, pero factorizamos el múltiplo común (suma total = 1)

Restar al píxel el valor del píxel de la izquierda

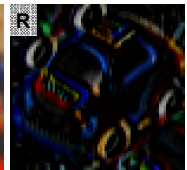


Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

9

3.1. Filtros y convoluciones.

- Sobre una imagen se pueden aplicar **sucesivas operaciones** de convolución: $\dots M3 \otimes (M2 \otimes (M1 \otimes A))$



Máscara de media aplicada 4 veces

Máscara de media + máscara de resta

- Ojo:** la combinación de convoluciones es equivalente a una sola convolución:

$$M2 \otimes (M1 \otimes A) = M \otimes A$$

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

10

3.1. Filtros y convoluciones.

- ¿Cómo calcular el resultado de la combinación?
- Respuesta:** comprobar el efecto sobre una imagen sólo con el píxel central a UNO ("señal impulso").

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} \otimes \frac{1}{9} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \otimes \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Máscara equivalente

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} \otimes \frac{1}{9} \cdot \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{9} \cdot \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

11

3.1. Filtros y convoluciones.

- Análogamente, algunas convoluciones se pueden obtener combinando otras más simples: **núcleos separables**.
- Ejemplo.**

$$\frac{1}{3} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} \otimes \frac{1}{3} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \otimes A = \frac{1}{9} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \otimes A$$

- Resultado:** el filtro de la media es separable.
 - En lugar de aplicar una máscara de 3x3 se pueden aplicar dos máscaras de 1x3 y 3x1 (**máscaras unidimensionales**).
 - Puede ser útil para hacer los cálculos más **eficientes**.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

12

3.1. Filtros y convoluciones.

- ¿Qué hacer con los píxeles de los bordes?

-1/4	-1/4
-1/4	-1/4

9	4	8
7	8	4
3	2	2

- Posibilidades:**

- Asignar un 0 en el resultado a los píxeles donde no cabe la máscara.

0	0	0
0	7	6
0	5	4

- Suponer que los píxeles que se salen tienen valor 0 (u otra constante).

2	3	3
4	7	6
2	5	4

- Modificar la operación en los píxeles que no caben (variar el multiplicador).

9	6	6
8	7	6
5	5	4

- Suponer que la imagen se extiende por los extremos (p.ej. como un espejo).

5	4	4
7	7	6
8	5	4

3.1. Filtros y convoluciones.

- Las convoluciones son una discretización de la idea de convolución usada en señales. (Repasar teoría de señales...)

- Diferencias:** las convoluciones usadas aquí son discretas y bidimensionales.

- Idea:** las máscaras de convolución son matrices de números → se pueden considerar, a su vez, como imágenes.

- Propiedades:**

– **Asociativa:** $M2 \otimes (M1 \otimes A) = (M2 \otimes M1) \otimes A$

– **Conmutativa:** $M2 \otimes M1 \otimes A = M1 \otimes M2 \otimes A$

- **Ojo:** al aplicar una convolución puede ocurrir **saturación** de píxeles. Si ocurre esto, el orden sí que puede ser importante.

3.2. Suavizado, perfilado y bordes.

- Aplicando distintos operadores de convolución es posible obtener **diferentes efectos**:

- **Suavizado:** o difuminación de la imagen, reducir contrastes abruptos en la imagen.
- **Perfilado:** resaltar los contrastes, lo contrario al suavizado.
- **Bordes:** detectar zonas de variación en la imagen.
- **Detección** de cierto tipo de características, como esquinas, segmentos, etc.

- Suavizado y perfilado son más habituales en **restauración y mejora** de imágenes.
- Bordes y detección de características suelen usarse más en **análisis de imágenes**.

3.2.1. Operadores de suavizado.

- El operador de suavizado más simple es la **convolución de media** (media aritmética).

- Parámetros del operador:**

- Ancho y alto de la región en la que se aplica: $w \times h$.
- Posición del ancla.

- Normalmente, w y h son impares y el ancla es el píxel central.

- La máscara es un simple array de unos de tamaño $w \times h$.

1	1	1
1	1	1
1	1	1

Máscara de media de 3x3

1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1

Media de 5x5

3.2.1. Operadores de suavizado.

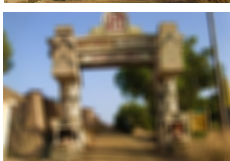
- Cuanto mayor es la máscara, mayor es el efecto de **difuminación** de la imagen.



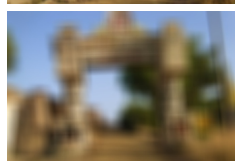
Imagen de entrada (340x230)



Media de 5x5



Media de 11x11



Media de 21x21

3.2.1. Operadores de suavizado.

- Ventajas** (respecto a otros suavizados):

- Sencillo y rápido de aplicar.
- Fácil definir un comportamiento para los **píxeles de los bordes**: tomar la media de los píxeles que quepan.
- Recordatorio: el operador de media es **separable**.

1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1

Media de 5x5

Total: 25 sumas → $o(n^2)$

1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1

Media de 5x1 y de 1x5

Total: 10 sumas → $o(2n)$

3.2.1. Operadores de suavizado.

- En algunos casos puede ser interesante aplicar **suavizados direccionales**: horizontales, verticales o en cualquier dirección.

1	1	1	1	1
---	---	---	---	---

Media horizontal 5 píxeles

1
1
1

Media vertical 3p

0	0	1
0	1	0
1	0	0

Media diagonal 3p

Media horiz. 31p

Media vert. 31p

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 19

3.2.1. Operadores de suavizado.

- Ejemplo 1.** En una aplicación trabajamos con imágenes capturadas de TV. El canal tiene muchas interferencias, que provocan una oscilación cada 7 píxeles horizontales. ¿Cómo reducir el efecto de las interferencias?

- Idea:** Probar con una media horizontal de 7 píxeles...

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 20

3.2.1. Operadores de suavizado.

- Aplicación de media horizontal de 7 píxeles.

1	1	1	1	1	1	1
---	---	---	---	---	---	---

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 21

3.2.1. Operadores de suavizado.

- Ejemplo 2. Entrelazado de vídeo:** para aumentar la frecuencia de refresco del vídeo se separan las líneas pares y las impares (1 campo ($f_{ie/d}$)=1/2 imagen). Al capturar una imagen, se mezclan los campos produciendo efectos raros.

25 imágenes/seg. → 50 campos/seg. → 20 mseg. entre campos

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 22

3.2.1. Operadores de suavizado.

- Duplicar las filas pares (o las impares) y luego aplicar una media vertical de 2 píxeles (para interpolar).

1
1

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 23

3.2.1. Operadores de suavizado.

- Ejemplo 3. Efecto de niebla.** Dada una imagen bien definida, queremos simular una niebla (objetivo *empañado*).
- Idea:** calcular una media ponderada entre la imagen original y un suavizado gaussiano de la imagen.

A. Imagen original

B. Suaviz. gauss. 40x40

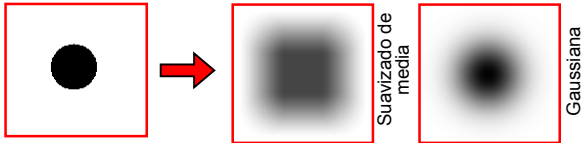
Suma: 0,3A+0,7B

- Se puede conseguir el mismo resultado con una sola convolución. ¿Cuál sería la máscara equivalente?

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 24

3.2.1. Operadores de suavizado.

- Cuando se aplica la media con tamaños grandes se obtienen resultados **artificiosos** (a menudo **indeseados**).



- **Motivo:** la media se calcula en una región cuadrada.
- Sería mejor aplicarla a una **región "redonda"**.
- O, mejor, usar suavizado gaussiano...

0	0	1	1	1	0	0
0	1	1	1	1	1	0
1	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1
0	1	1	1	1	1	0
0	0	1	1	1	0	0

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

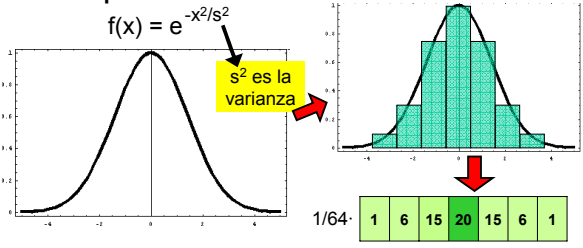
3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Suavizado gaussiano:** media ponderada, donde los pesos toman la forma de una campana de Gauss.
- **Ejemplo.** Suavizado gaussiano horizontal.

Campana de Gauss
 $f(x) = e^{-x^2/s^2}$

s^2 es la varianza

Campana discreta



1/64 · 1 6 15 20 15 6 1

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

3.2.1. Operadores de suavizado.

- La **varianza, s^2** , indica el nivel de suavizado.
 - **Varianza grande:** campana más ancha, más suavizado.
 - **Varianza pequeña:** campana más estrecha, menos suavizado.
 - Se mide en píxeles.
- **Cálculo de la máscara gaussiana (1D):** calcular la función, discretizar en el rango, discretizar en el valor y calcular el multiplicador...

1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1
1 5 10 10 5 1

- ¿No existe una forma más rápida?
- **Idea:** el triángulo de Pascal.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **¡Magia!** Las filas del triángulo de Pascal forman discretizaciones de la campana de Gauss.

1/2 ·	1	1					
1/4 ·	1	2	1				
1/8 ·	1	3	3	1			
1/16 ·	1	4	6	4	1		
1/32 ·	1	5	10	10	5	1	
1/64 ·	1	6	15	20	15	6	1

¿Por qué ocurre así?
Recordar el **teorema central del límite...**

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

3.2.1. Operadores de suavizado.

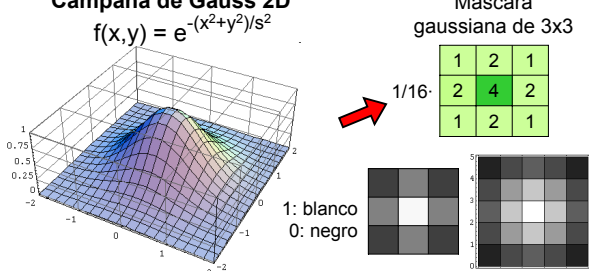
- Normalmente, el suavizado gaussiano se aplica en dos dimensiones. Los pesos de la máscara dependen de la **distancia al píxel central**.

Campana de Gauss 2D
 $f(x,y) = e^{-(x^2+y^2)/s^2}$

Máscara gaussiana de 3x3

1	2	1
2	4	2
1	2	1

1/16 ·

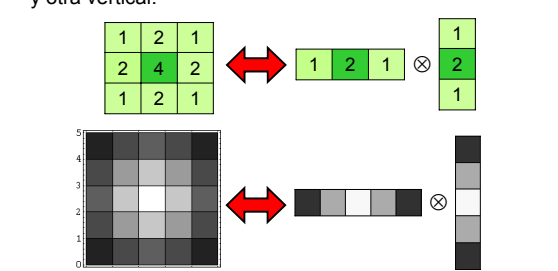


1: blanco
0: negro

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Propiedad interesante:** el filtro gaussiano es separable.
- **Resultado:** se puede obtener un suavizado 2D aplicando dos máscaras gaussianas bidimensionales, una horizontal y otra vertical.



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Comparación:** media y suavizado gaussiano, 2D.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 31

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Comparación:** media y suavizado gaussiano, 1D.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 32

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Resultados** de la comparación:
 - Para conseguir un mismo “**grado de suavizado**” la máscara gaussiana debe ser de mayor tamaño.
 - Se puede tomar como medida la **varianza** de la máscara correspondiente.
 - El efecto del suavizado gaussiano es más **natural** (más similar a un desenfoque) que la media.
 - Suele ser más habitual en procesamiento y análisis de imágenes.
 - Ambos filtros son **separables**.
 - Si la máscara es de $n \times n$, pasamos de $o(n^2)$ a $o(2n)$.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 33

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Ejemplo 1.** Protección de testigos.
 - Se aplica un suavizado pero sólo en cierta región de interés (ROI), en este caso elíptica.
- **Ejemplo 2.** Resaltar objetos de interés.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 34

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Ejemplo 2b.** Simulación de efecto *tilt-shift*.

La imagen parece enfocada en una zona pequeña, simulando un efecto de miniatura.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 35

3.2.1. Operadores de suavizado.

- **Ejemplo 3.** Sombra difusa.

Añadir a una imagen **A** una etiqueta de texto **B**, con un efecto de sombra difuminada.

Umbrales B, con nivel 10

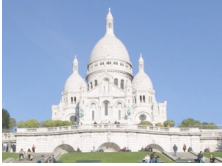
Desplazar S en 7 píxeles en X e Y, y dividir por 2

Sumar U y D

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 36


3.2.1. Operadores de suavizado.

A




Multiplicar A por M, en posición (x_0, y_0)

T




B



Sumar T y B, en posición (x_0, y_0)

R

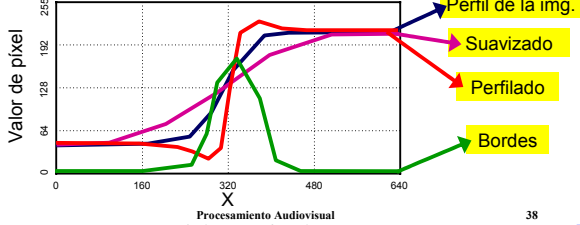


Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 37

3.2.2. Operadores de bordes.

- Perfilado y detección de bordes están relacionados con el suavizado:
 - Suavizado:** reducir las variaciones en la imagen.
 - Perfilado:** aumentar las variaciones en la imagen.
 - Bordes:** encontrar las zonas de variación.

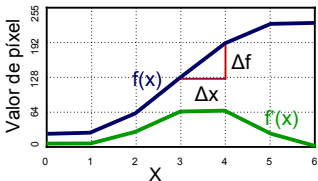
Perfil de una fila de una imagen



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 38

3.2.2. Operadores de bordes.

- Matemáticamente, la variación de una función $f(x)$ cualquiera viene dada por la **derivada** de esa función:
 - $f'(x) > 0$: función creciente en X
 - $f'(x) < 0$: función decreciente en X
 - $f'(x) = 0$: función uniforme en X
- En nuestro caso, tenemos **funciones discretas**. La “derivada discreta” se obtiene calculando diferencias.



$$f'(x) = \frac{\Delta f}{\Delta x}$$

$$\Delta f = f(x) - f(x-1) \quad \Delta x = 1$$

$$f'(x) = f(x) - f(x-1)$$

Conclusión: la derivada se calculará con máscaras del tipo:

-1

1

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 39

3.2.2. Operadores de bordes.

Máscara de derivada en X (M):

-1

1

Derivada en Y:

-1

1

Derivadas en diagonales:

-1	0	0	-1
0	1	1	0

- Ejemplo. Derivada en X.** $R := M \otimes A$

A


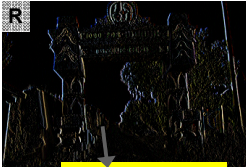


Imagen de entrada

R



Derivada en X (x2)


$$[0..255] - [0..255] = [-255..255]$$

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 40

3.2.2. Operadores de bordes.

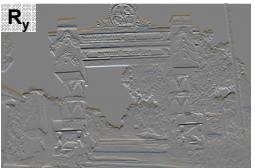
- Los bordes decrecientes se saturan a 0...
- Podemos sumar 128 para apreciar mejor el resultado:
 - Gris (128): diferencia 0
 - Negro: decreciente
 - Blanco: creciente

R_x



Derivada X (+128)

R_y



Derivada Y (+128)

- Se produce una especie de “**bajorrelieve**” (*emboss*), que puede usarse en efectos especiales.


Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 41

3.2.2. Operadores de bordes.

- Los operadores de bordes son muy **sensibles al ruido**.
- Es posible (y adecuado) **combinar** los operadores de bordes con **suavizados**.


$$\begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} \otimes \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -1 \\ 2 & 2 & -2 & -2 \\ 1 & 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

R_x



Derivada X (+128)

R'_x



Suaviz. + Deriv. X

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 42

3.2.2. Operadores de bordes.

- Existen algunos **operadores** de bordes estándar.
- Filtros de Prewitt:**

Filtro de Prewitt 3x3, derivada en X	$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	Filtro de Prewitt 3x3, derivada en Y	$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$
--------------------------------------	--	--------------------------------------	--

- Filtros de Scharr:**

Filtro de Scharr 3x3, derivada en X	$\begin{bmatrix} -3 & 0 & 3 \\ -10 & 0 & 10 \\ -3 & 0 & 3 \end{bmatrix}$	Filtro de Scharr 3x3, derivada en Y	$\begin{bmatrix} -3 & -10 & -3 \\ 0 & 0 & 0 \\ 3 & 10 & 3 \end{bmatrix}$
-------------------------------------	--	-------------------------------------	--

3.2.2. Operadores de bordes.

- Filtros de Sobel:** se construyen usando la derivada de la gaussiana.

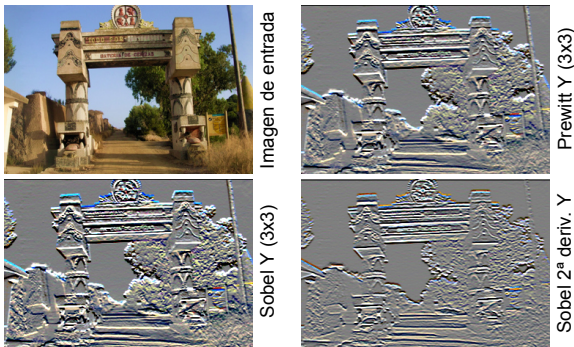
Filtro de Sobel 3x3, derivada en X	$\begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$	Filtro de Sobel 3x3, derivada en Y	$\begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$
------------------------------------	--	------------------------------------	--

- Además, el filtro de Sobel permite calcular derivadas conjuntas en X e Y, derivadas segundas, terceras, etc.
- Ejemplo.** Derivada segunda en X.

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} \otimes \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 2 & -1 \end{bmatrix}$$

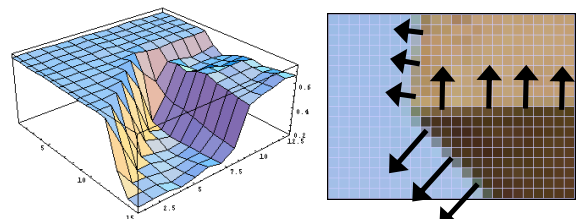
3.2.2. Operadores de bordes.

- Ejemplos.**



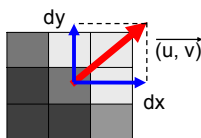
3.2.2. Operadores de bordes.

- Realmente, en dos o más dimensiones, en lugar de la derivada tiene más sentido el concepto de **gradiente**.
- ¿Qué es el gradiente? → Repasar cálculo...
- El gradiente** indica la dirección de máxima variación de una función (en 2D, la máxima pendiente).



3.2.2. Operadores de bordes.

- El **gradiente** en un punto es un vector $\vec{(u, v)}$:
 - Ángulo:** dirección de máxima variación.
 - Magnitud:** intensidad de la variación.



- El **gradiente** está relacionado con las **derivadas**:
 - u = Derivada en X del punto
 - v = Derivada en Y del punto
 - Teniendo dy y dx , ¿cuánto vale el ángulo y la magnitud?

3.2.2. Operadores de bordes.

- Cálculo del gradiente:**
 - Calcular **derivada en X:** D_x (por ejemplo, con un filtro de Sobel, Prewitt,...)
 - Calcular **derivada en Y:** D_y
 - Magnitud** del gradiente: $\sqrt{D_x^2 + D_y^2}$
 - Ángulo** del gradiente: $\text{atan2}(D_y, D_x)$



3.2.2. Operadores de bordes.

- El gradiente da lugar al concepto de **borde**.
- Un **borde** en una imagen es una curva a lo largo de la cual el gradiente es máximo.



El borde es perpendicular a la dirección del gradiente.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

49

3.2.2. Operadores de bordes.

- Los bordes de una escena son **invariantes a cambios de luminosidad, color de la fuente de luz, etc.** → En **análisis de imágenes** usar los bordes (en lugar de las originales).



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

50

3.2.2. Operadores de bordes.

- **Otras formas de calcular los bordes:**
1. Calcular la derivada en diferentes direcciones: D_1, D_2, D_3, D_4 .
 2. Para cada punto, la magnitud del gradiente es la derivada de máximo valor absoluto:
 $G(x,y) := \max \{|D_1(x,y)|, |D_2(x,y)|, |D_3(x,y)|, |D_4(x,y)|\}$
 3. La dirección del gradiente viene dada por el ángulo que ha producido el máximo:
 $A(x,y) := \operatorname{argmax} \{|D_1(x,y)|, |D_2(x,y)|, |D_3(x,y)|, |D_4(x,y)|\}$

-1	-1	-1
0	0	0
1	1	1

D_1 : N-S

-1	-1	0
-1	0	1
0	1	1

D_2 : NE-SO

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

D_3 : E-O

0	1	1
-1	0	1
-1	-1	0

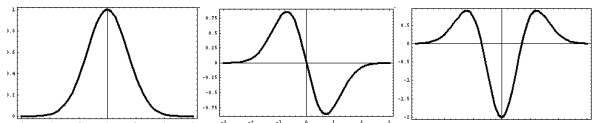
D_4 : SE-NO

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

51

3.2.2. Operadores de bordes.

- Otra forma más sencilla (aproximada) es usar máscaras de convolución adecuadas, por ejemplo de **Laplace**.
- La **función de Laplace** es la segunda derivada de la gaussiana.



$f(x) = e^{-x^2/s^2}$
Másc. Gaussiana
Operador de suavizado

$df(x)/dx$
Másc. Sobel
Operador de derivación

$d^2f(x)/dx^2$
Másc. Laplaciana
Operador de gradiente

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

52

3.2.2. Operadores de bordes.

- La máscara **laplaciana** se define usando la función de Laplace.
- Ejemplos de **máscaras de Laplace**.

0	1	0
1	-4	1
0	1	0

-1	-1	-1
-1	8	-1
-1	-1	-1

"Diferencia entre el píxel central y la media de sus vecinos..."

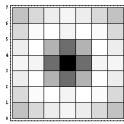


Imagen de entrada



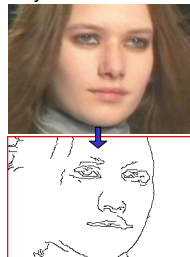
Laplaciana 2 (3x3)

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

53

3.2.2. Operadores de bordes.

- **Detector de bordes de Canny:**
 - No sólo usa convoluciones (operadores de gradiente), sino que busca el **máximo gradiente** a lo largo de un borde.
 - El resultado es una **imagen binaria** (borde/no borde), ajustable mediante un umbral.



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

54

3.2.3. Operadores de perfilado.

- **Perfilado:** destacar y hacer más visibles las variaciones y bordes de la imagen. Es lo contrario al suavizado.
- Permite eliminar la apariencia borrosa de las imágenes, debida a imperfecciones en las lentes.
- ... aunque tampoco se pueden hacer milagros...



← Suavizado Original Perfilado →

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

55

3.2.3. Operadores de perfilado.

- El perfilado se puede conseguir sumando a la imagen **original**, la **laplaciana** ponderada por cierto factor.
- Lo cual equivale a usar una máscara de convolución adecuada:

$$\begin{array}{c} \text{Laplaciana} \\ \begin{matrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{matrix} \end{array} + \begin{array}{c} \text{Identidad} \\ \begin{matrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{matrix} \end{array} = \begin{array}{c} \text{Perfilado} \\ \begin{matrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 9 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{matrix} \end{array}$$

- Más o menos perfilado dando distintos pesos, **a**.

$$\begin{array}{c} a \cdot \\ \begin{matrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{matrix} \end{array} + \begin{array}{c} \begin{matrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{matrix} \end{array} = \begin{array}{c} \begin{matrix} 0 & -a & 0 \\ -a & 4a+1 & -a \\ 0 & -a & 0 \end{matrix} \end{array}$$

Ojo: la función cvLaplace usa máscaras "invertidas", luego a debe ser < 0

56

3.2.3. Operadores de perfilado.

- **Ejemplos.** Variando pesos y tamaño de la laplaciana.

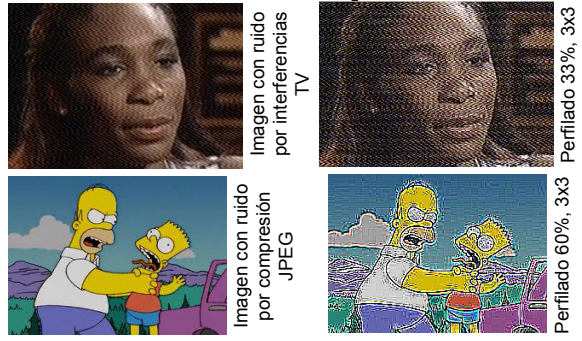


Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

57

3.2.3. Operadores de perfilado.

- **Cuidado con el perfilado.** La operación de perfilado aumenta el nivel de ruido de la imagen.



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

58

3.2. Suavizado, perfilado y bordes.

Conclusiones:

- Las **convoluciones** son una herramienta fundamental en procesamiento de imágenes.
 - **Una misma base común:** combinaciones lineales de una vecindad local de los píxeles (de cierto tamaño).
 - **Diversos usos:** según los valores de los coeficientes: suavizado, eliminación de ruido, bordes, perfilado, etc.
- Se pueden definir **operaciones similares** sobre **vídeo** (usando la dimensión temporal, por ejemplo, suavizado a lo largo del tiempo), y sobre **audio digital** (por ejemplo, suavizado de la señal o introducción de eco).
- Es importante conocer el **significado matemático** de los procesos aplicados (derivadas, gradientes, integrales,...).

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

59

3.3. Filtros no lineales.

- **Recordatorio:** las transformaciones locales son funciones del tipo:

$$R(x,y) = f(A(x-k,y-k), \dots, A(x,y), \dots, A(x+k,y+k))$$

- En las convoluciones, **f** es una **combinación lineal** cualquiera. Pero...
- También puede ser interesante usar otras **funciones no lineales**.

- **Ejemplo**, media geométrica.

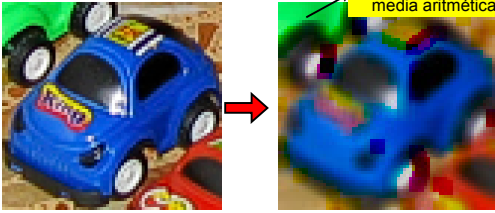
$$R(x,y) = \sqrt[4]{A(x-1,y-1) \cdot A(x,y-1) \cdot A(x-1,y) \cdot A(x,y)}$$

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

60

3.3. Filtros no lineales.

- **Ejemplo.** Media geométrica de 5x5. ... muy parecido a la media aritmética...



- Aunque existen muchas (en teoría infinitas) posibles transformaciones no lineales, en la práctica no todas son útiles e interesantes.
- Las que más se usan son: **máximo, mínimo y mediana.**

3.3. Filtros no lineales.

- **Filtro de Máximo:**
 $R(x,y) = \max \{A(x-k,y-k), \dots, A(x,y), \dots, A(x+k,y+k)\}$
donde k es el radio, el tamaño (o *apertura*) es $2k+1$



3.3. Filtros no lineales.

- El resultado es un cierto efecto de **difuminación y aclaramiento** de la imagen. Desaparecen los detalles más oscuros.
- Si el **tamaño es grande**, pueden ocurrir dos efectos:

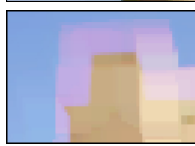
1. Efecto de cuadrículado.

Como el máximo se aplica en una zona cuadrada, los píxeles muy claros *generan* un cuadrado uniforme alrededor.



2. Aparición de colores falsos.

Al aplicarlo en los tres canales (R,G,B) independientemente, el máximo en los 3 puede no corresponder a un color presente en la imagen original.



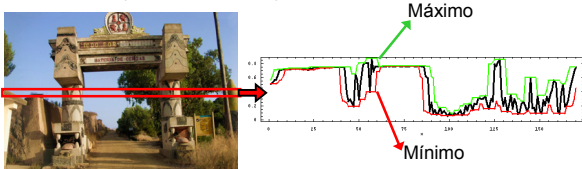
3.3. Filtros no lineales.

- **Filtro de Mínimo:**
 $R(x,y) = \min \{A(x-k,y-k), \dots, A(x,y), \dots, A(x+k,y+k)\}$
donde k es el radio, el tamaño (o *apertura*) es $2k+1$



3.3. Filtros no lineales.

- El efecto es **parecido** al máximo, pero tomando los valores menores (los más oscuros).



• Ideas:

- Para evitar el **efecto de cuadrículado** se podría aplicar el máximo/mínimo a una zona circular.
- Para evitar la aparición de **colores falsos** se podría tomar el máximo de las sumas de R+G+B.

3.3. Filtros no lineales.

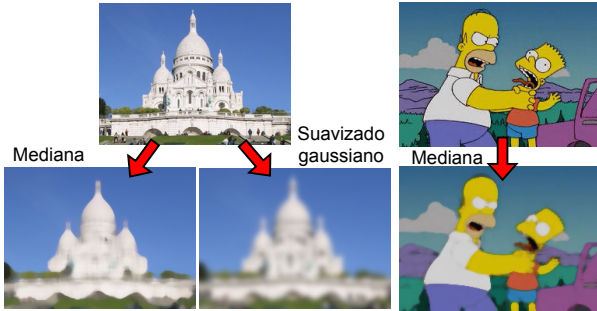
- Otro filtro relacionado es el de la **mediana**.
- La **mediana** de m números es un número p tal que $\lceil m/2 \rceil$ de esos números son $\leq p$, y otros $\lfloor m/2 \rfloor$ son $\geq p$.

$$R(x,y) = \text{mediana} \{A(x-k,y-k), \dots, A(x,y), \dots, A(x+k,y+k)\}$$



3.3. Filtros no lineales.

- La mediana produce un efecto de **suavizado**, aunque más "abrupto" en los bordes que la media y el suavizado gaussiano.



- Pero el verdadero interés es la **eliminación de ruido puntual**.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

67

3.3. Filtros no lineales.

- Ejemplo.** El ruido denominado "sal y pimienta" es producido por picos de perturbación, positivos o negativos. Puede deberse a un canal ruidoso.



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

68

3.3. Filtros no lineales.

- Se puede intentar eliminar (o reducir) el ruido con un filtro gaussiano o con una mediana.

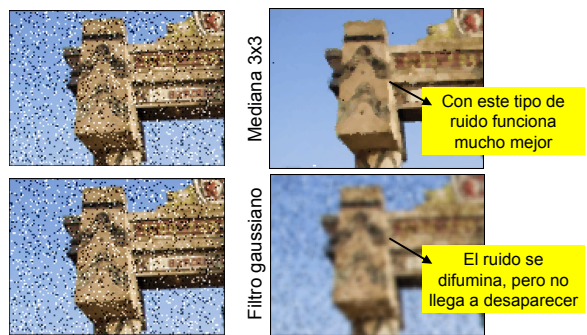


Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

69

3.3. Filtros no lineales.

- Se puede intentar eliminar (o reducir) el ruido con un filtro gaussiano o con una mediana.



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

70

3.3. Filtros no lineales.

- Otros ejemplos de eliminación de ruido.



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

71

3.3. Filtros no lineales.

- Más filtros no lineales:** recordar la ecuación local del histograma.
 - Considerar una **operación global** como el estiramiento, la ecuación del histograma o la umbralización.
 - Globalmente** se calculan los parámetros y se aplican a **toda la imagen**: estiramiento (máximo y mínimo del histograma), ecuación (función de ecuación) y umbralización (umbral a aplicar).
 - En lugar de aplicarlos globalmente, calcular los **parámetros para cada punto**, usando una vecindad local.
 - Aplicar la transformación a cada punto, usando sus parámetros **específicos**.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

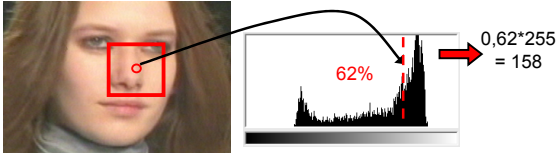
72

3.3. Filtros no lineales.

• Algoritmo. Ecuación local de tamaño axb :

1. Para cada punto (x,y) de la imagen A , calcular el histograma de una región rectangular desde $(x-a, y-b)$ hasta $(x+a, y+b) \rightarrow H(v)$
2. Calcular el percentil del valor $A(x,y)$, es decir:

$$p := (H(0)+H(1)+\dots+H(A(x,y)))/((2a+1)(2b+1))$$
3. Hacer $R(x,y) := 255 \cdot p$



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

73

3.3. Filtros no lineales.

• Ejemplo. Ecuación local del histograma.



Imagen de entrada
Resolución: 299x202



Tamaño: 25x25 Tamaño: 50x50 Tamaño: 120x120

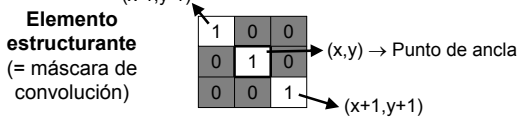
- La misma idea se podría aplicar a umbralización y estiramiento.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

74

3.4. Morfología matemática.

- Los **operadores de morfología matemática** son un conjunto de filtros locales sencillos, que se pueden combinar para obtener resultados más complejos.
- Originalmente, están definidos sobre **imágenes binarias**.
- La idea es muy parecida a una convolución, pero utilizando las **operaciones booleanas AND y OR**.
- **Ejemplo.** $R(x,y) := A(x-1,y-1) \text{ AND } A(x,y) \text{ AND } A(x+1,y+1)$



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

75

3.4. Morfología matemática.

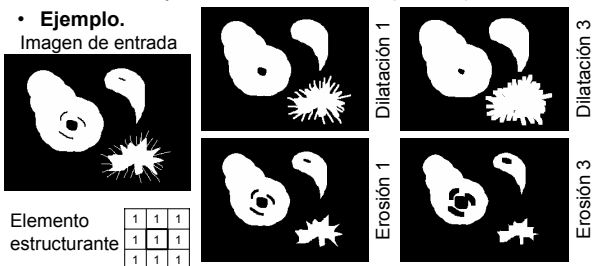
- El **elemento estructurante** define los píxeles que se usan en la operación y los que no.
- Dado un elemento estructurante, E , de cierta forma y tamaño, y una imagen binaria B , se definen dos **operaciones**:
 - **Dilatación $B \oplus E$** . Combinar con OR los valores correspondientes a los píxeles 1 del elemento estructurante.
 - **Erosión $B \otimes E$** . Combinar con AND los valores correspondientes a los píxeles 1 del elemento estructurante.
- La idea se puede generalizar a **imágenes no binarias**:
 - **Dilatación**. Combinar con Máximo.
 - **Erosión**. Combinar con Mínimo.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

76

3.4. Morfología matemática.

- El efecto de la **dilatación** es **extender o ampliar** las regiones de la imagen con valor 1 (color blanco), mientras que la **erosión** las **reduce**.
- La cantidad depende del **tamaño y forma** del elemento estructurante y del **número de veces** que se aplican.
- **Ejemplo.**

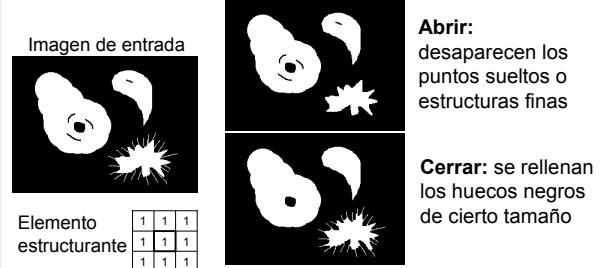


Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

77

3.4. Morfología matemática.

- Existen otras dos **operaciones frecuentes** basadas en erosión y dilatación:
 - **Abrir**. Aplicar erosión y después dilatación: $(B \otimes E) \oplus E$
 - **Cerrar**. Aplicar dilatación y después erosión: $(B \oplus E) \otimes E$



Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales.

78

3.4. Morfología matemática.

- **Ejemplo. Segmentación de objetos.**
Para segmentar un objeto del fondo usamos una simple umbralización. Funciona más o menos bien, pero aparecen algunos puntos mal clasificados.

Imagen de entrada Umbralizada ($u=130$)

- Usar morfología para arreglar los falsos.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 79

3.4. Morfología matemática.

Imagen umbralizada Cerrar 2 ($B \oplus E \oplus E$) $\otimes E \otimes E$

Eliminar falsos negativos

Abrir 1 ($B \otimes E$) $\oplus E$ Erosión 2 ($B \otimes E$) $\otimes E$

Eliminar falsos positivos

Eliminar píxeles de los bordes

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 80

3.4. Morfología matemática.

- El resultado es la **máscara** para segmentar el objeto.

- ¿Para qué se hacen las dos últimas erosiones?

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 81

3.4. Morfología matemática.

- En **imágenes no binarias**, el resultado de dilatación y erosión es parecido a las operaciones de máximo y mínimo.
- De hecho, es igual si el elemento estructurante es todo 1.

Imagen entrada Erosión, 1

Dilatación, 3 Cierre, 2

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 82

3.4. Morfología matemática.

- Existen otras operaciones de morfología, basadas en las elementales, que son útiles en análisis de imágenes.
- **Ejemplo 1. Borde morfológico:** ($B \oplus E$) - B

Imagen de entrada Borde morfológico

- **Ejemplo 2. Adelgazamiento (thinning).** Aplicar una erosión, pero no eliminar el punto (no poner a 0) si se separa una región conexa en varias o si sólo queda un punto.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 83

3. Filtros y transformaciones locales.

Conclusiones:

- Las operaciones de **procesamiento local** son **esenciales** en mejora de imágenes, restauración, análisis, etc.
- Dos **categorías** básicas:
 - **Filtros lineales o convoluciones:** la salida es una combinación lineal de los píxeles en una vecindad → **Suavizado, bordes, perfilado**, etc.
 - **Filtros no lineales:** se usan funciones no lineales → **Máximo, mínimo**, operaciones de **morfología**, etc.
- Es posible **combinarlas** con operaciones de procesamiento global.
- La idea de "localidad" se puede extender a vídeo y a sonido, considerando la **dimensión temporal**.

Procesamiento Audiovisual
Tema 3. Filtros y transformaciones locales. 84

Anexo A.3. Filtros en OpenCV.

- Filtros lineales predefinidos.
- Filtros lineales arbitrarios.
- Filtros de máximo, mínimo y mediana.
- Operaciones de morfología matemática.
- Ejercicios.

A.3. Filtros en OpenCV.

Operaciones de procesamiento local:

- De modo práctico, podemos clasificar las operaciones de filtrado existentes en los siguientes grupos:
 - Filtros **lineales predefinidos** de suavizado y detección de bordes
 - Filtros **lineales arbitrarios**, definidos por el usuario en tiempo de ejecución
 - Filtros de **máximo, mínimo y mediana**
 - Operaciones de **morfología matemática**
- **Ojo con las restricciones.** Algunas operaciones requieren imágenes de 1 canal o profundidad float (habrá que usar: cvSplit, cvMerge y cvConvertScale).

A.3. Filtros en OpenCV.

- Filtros **lineales predefinidos**:
 - cvSmooth, cvSobel, cvLaplace, cvCanny (este último es un filtro estándar, pero no se puede considerar como lineal).
- Filtros **lineales arbitrarios**:
 - cvFilter2D
- Filtros de **máximo, mínimo y mediana**:
 - cvDilate (max), cvErode (min), cvSmooth (mediana).
- Filtros de **morfología matemática**:
 - cvCreateStructuringElement, cvReleaseStructuringElement, cvErode, cvDilate, cvMorphologyEx

A.3. Filtros en OpenCV.

- Filtros de suavizado de una imagen:

void cvSmooth (const CvArr* src, CvArr* dst,

int type=CV_GAUSSIAN, int param1=3, int param2=0)

- El parámetro **type** indica el tipo de suavizado a aplicar, y el tamaño viene dado en **param1** y **param2**:

- CV_BLUR: media de param1xparam2. ¡Ojo! deben ser impares.
- CV_BLUR_NO_SCALE: media, pero sin dividir por el número de píxeles (usar sólo con profundidades mayores que 8 bits).
- CV_GAUSSIAN: filtro gaussiano de param1xparam2. También deben ser valores impares.
- CV_MEDIAN: filtro de mediana, de param1xparam1 (el tamaño es siempre cuadrado).
- CV_BILATERAL: es un filtro de suavizado. No es una convolución en el sentido tradicional. Reduce el número de colores de una imagen, pero no altera los bordes abruptos. **param1** indican el grado de similitud entre colores, y **param2** es un parámetro espacial. Ver la documentación.

A.3. Filtros en OpenCV.

- Filtros de Sobel de una imagen:


```
void cvSobel (const CvArr* A, CvArr* R, int dx, int dy, int apertureSize=3)
– A: imagen de origen, R: imagen de destino. Ambas deben ser de 1 solo canal. Además, R debe ser de 16 bits (si A es de 8), o float de 32.
– dx, dy: orden de la derivada en X y en Y. Normalmente usaremos (1,0) o (0,1).
– apertureSize: tamaño de la máscara de convolución: -1 (filtro de Scharr), 1 (resta simple), 3, 5 ó 7.

– Ejemplo. Calcular la magnitud del gradiente de la imagen img con 3 canales.
int i;
IplImage *tmp, *can[9]; // can[0,1,2] = canales orig.; [3,4,5] = deriv. X, [6,7,8] = deriv. Y
tmp= cvCreateImage(cvGetSize(img), IPL_DEPTH_32F, 3);
cvConvert(img, tmp);
for (i= 0; i<9; i++) can[i]= cvCreateImage(cvGetSize(img), IPL_DEPTH_32F, 1);
cvSplit(tmp, can[0], can[1], can[2], 0);
for (i= 0; i<3; i++) {
    cvSobel(can[i], can[3+i], 1, 0, 3); cvPow(can[3+i], can[3+i], 2.0); // Derivada X
    cvSobel(can[i], can[6+i], 0, 1, 3); cvPow(can[6+i], can[6+i], 2.0); // Derivada Y
    cvAdd(can[3+i], can[6+i], can[3+i], 0); cvPow(can[3+i], can[3+i], 0.5); // Módulo
}
cvMerge(can[3], can[4], can[5], 0, tmp);
cvConvert(tmp, res); // Se supone que res es 8U con 3 canales
for (i= 0; i<9; i++) cvReleaseImage(&can[i]);
cvReleaseImage(&tmp);
```

A.3. Filtros en OpenCV.

- Filtros de Laplace de una imagen:

void cvLaplace (const CvArr* A, CvArr* R, int apertureSize=3)

- A: imagen de origen, R: imagen de destino. Ambas deben ser de 1 solo canal. Además, R debe ser de 16 bits (si A es de 8), o float de 32.
- apertureSize: tamaño de la máscara de convolución (igual que cvSobel).
- Calcula la laplaciana de una imagen (suma de las 2ª derivadas en X e Y).
- ¡¡Mucho cuidado!! La laplaciana puede tomar valores negativos: no convertir el resultado a 8U (los negativos se saturan a 0).
- Si se va a usar para un perfilado, el coeficiente que multiplica al resultado debe ser negativo, ya que usa máscaras "inversas" a las que hemos visto.

- Filtro de bordes de Canny:

void cvCanny (const CvArr* img, CvArr* edges, double threshold1, double threshold2, int apertureSize=3)

- Ojo, es un filtro de bordes más avanzado que los otros. Usa filtros de Sobel y luego un algoritmo voraz para extraer los bordes más relevantes. También requiere imágenes de 1 solo canal, pero edges puede ser de 8 bits.
- threshold1, threshold2: umbrales del algoritmo. Se refieren al valor mínimo de la magnitud del gradiente para ser considerada como un borde relevante.
- apertureSize: tamaño de la máscara de convolución (igual que cvSobel).

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Ejemplo.** Aplicación del operador de bordes de Canny, sobre `img`.

```
IpImage *tmp= cvCreateImage(cvGetSize(img), IPL_DEPTH_8U, 1);
IpImage *tmp2= cvCreateImage(cvGetSize(img), IPL_DEPTH_8U, 1);
cvCvtColor(img, tmp, CV_RGB2GRAY); // Convertir imagen a grises
cvCanny(tmp, tmp2, param*4, param*3); // Probar, p.ej., param=20
cvZero(res);
cvCopy(img, res, tmp2); // res es el resultado, del mismo tipo que img
cvReleaseImage(&tmp);
cvReleaseImage(&tmp2);
```

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Filtros lineales arbitrarios:** son los más flexibles. Nos definimos la máscara de convolución que queramos y la aplicamos sobre las imágenes.
- Para los filtros que están predefinidos (suavizados, bordes, etc.) no hace falta utilizar estas funciones (que, además, serán menos eficientes).
- Las **máscaras de convolución** se definen como matrices de tipo **CvMat**, con 1 canal y profundidad 32F.
 - El tipo **CvMat** es como el `IpImage`, una matriz 2D de números.
 - Creación de una matriz con **cvCreateMat**:

```
CvMat *matriz= cvCreateMat(alto, ancho, CV_32FC1);
```
 - Escribir un valor en la matriz, **cvSet2D**:

```
cvSet2D(matriz, y, x, cvScalarAll(valor));
```
 - Leer un valor de la matriz, **cvGet2D**.
 - Liberar una matriz, **cvReleaseMat**:

```
cvReleaseMat(&matriz);
```

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Aplicar una máscara de convolución arbitraria en OpenCV:**

```
void cvFilter2D (const CvArr* src, CvArr* dst,
                const CvMat* kernel, CvPoint anchor=cvPoint(-1,-1))
```

 - Las imágenes `src` y `dst` deben ser del mismo tipo y tamaño.
 - `kernel` es una matriz de 1 canal y 32F (usar la constante `CV_32FC1`), indica los coeficientes de la máscara de convolución.
 - `anchor` es el punto de ancla (por defecto, el centro de la máscara).
 - La operación admite modo in-place.
- **Ejemplo.** Aplicar a la imagen `img` el perfilado de la página 56.

```
int w= 3, h= 3; // Tamaño de la máscara de convolución
float coef[3][3]= {{-1,-1,-1}, {-1,9,-1}, {-1,-1,-1}}; // Coeficientes
CvMat *mask= cvCreateMat(h, w, CV_32FC1);
for (int y= 0; y<h; y++)
    for (int x= 0; x<w; x++)
        cvSet2D(mask, y, x, cvScalar(coef[y][x]));
cvFilter2D(img, img, mask);
cvReleaseMat(&mask);
```

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Aplicar una máscara de convolución arbitraria en OpenCV:**
 - Si la máscara de convolución cae fuera de la imagen, los píxeles que se salen se interpolan con los píxeles de los bordes de la propia imagen.
 - **Ejemplo.** Aplicar a la imagen `img` el perfilado de la página 56 (método alternativo).

```
int w= 3, h= 3; // Tamaño de la máscara
float coef[3*3]= {-1,-1,-1, -1,9,-1, -1,-1,-1}; // Coeficientes
CvMat *mask= cvCreateMatHeader(h, w, CV_32FC1);
cvSetData(mask, coef, w*sizeof(float));
cvFilter2D(img, img, mask);
cvReleaseMat(&mask);
```

Esta es una forma alternativa (y más rápida) para crear una matriz de tipo **CvMat**.

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Filtros no lineales de máximo, mínimo:** no existen en OpenCV, sino que deben hacerse utilizando las operaciones morfológicas **cvDilate** (máximo) y **cvErode** (mínimo).
- Ambas operaciones reciben como parámetro un valor de tipo **IpConvKernel** que indica la forma del elemento estructurante (la máscara de convolución).
- **Implementación** de las operaciones de máximo y mínimo local:

```
void MinLocal (IpImage *ent, IpImage *sal, int ancho, int alto)
{
    IpConvKernel* element= cvCreateStructuringElementEx(ancho, alto,
        ancho/2, alto/2, CV_SHAPE_RECT);
    cvErode(ent, sal, element);
    cvReleaseStructuringElement(&element);
}
void MaxLocal (IpImage *ent, IpImage *sal, int ancho, int alto)
{
    IpConvKernel* element= cvCreateStructuringElementEx(ancho, alto,
        ancho/2, alto/2, CV_SHAPE_RECT);
    cvDilate(ent, sal, element);
    cvReleaseStructuringElement(&element);
}
```

A.3. Filtros en OpenCV.

- En OpenCV, recordar que la **mediana** se puede obtener con: **cvSmooth**(`src`, `dst`, `CV_MEDIAN`, tamaño);
- **Filtros de morfología matemática:** el manejo es parecido a las convoluciones arbitrarias. 1º: definir un **elemento estructurante**. 2º: aplicarlo sobre las imágenes con operaciones de erosión, dilatación, apertura o cierre.
- El elemento estructurante es de tipo **IpConvKernel**. Aunque también podemos ahorrarnos ese paso si usamos el elemento por defecto, un rectángulo de 3x3.
- **Crear y liberar** un elemento estructurante:
 - `cvCreateStructuringElementEx`, `cvReleaseStructuringElement`
- **Operaciones básicas** de morfología matemática:
 - `cvErode`, `cvDilate`
- **Operaciones extendidas:**
 - `cvMorphologyEx`

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Crear un elemento estructurante:**

```
IplConvKernel* cvCreateStructuringElementEx (int nCols, int nRows,
int anchorX, int anchorY, CvElementShape shape, int* values)
```

- El tamaño del elemento es de **nCols** x **nRows**, y el ancla está situada en (**anchorX**, **anchorY**).
- Existen dos **alternativas**: usar una forma predefinida o una propia.
- Si se quiere una forma predefinida, el parámetro **shape** puede valer: CV_SHAPE_RECT, CV_SHAPE_CROSS, CV_SHAPE_ELLIPSE.
- Para una forma propia, **shape** debe valer CV_SHAPE_CUSTOM, y **values** será un array con las celdas (cero / no cero) del elemento estructurante (de arriba abajo, de izquierda a derecha).

- **Liberar un elemento estructurante:**

```
void cvReleaseStructuringElement (IplConvKernel** ppElement)
```

- Ojo, ver que recibe un doble puntero.
- Si ***ppElement** es NULL, no hace nada.

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Aplicar erosión morfológica a una imagen:**

```
void cvErode (const CvArr* A, CvArr* R, IplConvKernel* B=0, int iterations=1)
```

- Aplica uno o varios pasos de erosión, según el parámetro **iterations**.
- Soporta modo in-place e imágenes multicanal.
- Si el elemento **B** es NULL (el valor por defecto) se usa un rectángulo de 3x3.

- **Aplicar dilatación morfológica a una imagen:**

```
void cvDilate (const CvArr* A, CvArr* R, IplConvKernel* B=0, int iterations=1)
```

- Aplica uno o varios pasos de dilatación, según el parámetro **iterations**.
- Soporta modo in-place e imágenes multicanal.
- Si el elemento **B** es NULL (el valor por defecto) se usa un rectángulo de 3x3.

- **Ejemplo.** Aplicar una dilatación de 5x5, con elemento en forma de cruz.

```
IplConvKernel* el= cvCreateStructuringElementEx(5,5,2,2,CV_SHAPE_CROSS, 0);
cvErode(img, res, el, 1);
cvReleaseStructuringElement(&el);
```

- Ver también el programa "morphology.c" en los ejemplos de OpenCV.

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Aplicar operaciones morfológicas compuestas:**

```
void cvMorphologyEx (const CvArr* A, CvArr* R, CvArr* temp,
IplConvKernel* B, CvMorphOp op, int iterations)
```

- Permite aplicar una operación morfológica compuesta por otras elementales, erosiones, dilataciones y diferencias.
- El parámetro **op** indica el tipo de operación: CV_MOP_OPEN, CV_MOP_CLOSE, CV_MOP_GRADIENT, CV_MOP_TOPHAT, CV_MOP_BLACKHAT.
- El parámetro **temp** es una imagen temporal para cálculos internos (del mismo tamaño y tipo que A y R). Se necesita en los tres últimos tipos de operaciones.
- **Ejemplo.** Los dos siguientes códigos deberían dar la misma salida:

```
a) cvMorphologyEx(img, res, tmp, NULL, CV_MOP_OPEN, 1);
```

```
b) cvErode(img, tmp, NULL, 1);
cvDilate(tmp, res, NULL, 1);
```

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Ejemplo 1.** Aplicar un ajuste (o estiramiento) local del histograma a la imagen **img**, con **ancho** dado:

```
IplImage *min= cvCreateImage(cvGetSize(img), img->depth,
img->nChannels);
```

```
IplImage *max= cvCreateImage(cvGetSize(img), img->depth,
img->nChannels);
```

```
int tam= 2*ancho+1; // ancho es el tamaño de vecindad local elegido
MinLocal(img, min, tam, tam);
MaxLocal(img, max, tam, tam);
cvSub(img, min, res);
cvSub(max, min, max);
cvDiv(res, max, res, 255.0);
cvReleaseImage(&min);
cvReleaseImage(&max);
```

A.3. Filtros en OpenCV.

- **Ejemplo 2.** Efecto de transición entre dos imágenes **img1** e **img2** (que deben ser de igual tamaño), a través de un suavizado intermedio:

```
IplImage *res= cvCloneImage(img1);
cvNamedWindow("img", 0);
int i;
for (i= 0; i<20; i++) {
cvSmooth(img1, res, CV_BLUR, 1+i*6, 1+i*6);
cvShowImage("img", res);
cvWaitKey(10);
}
for (i= 19; i>=0; i--) {
cvSmooth(img2, res, CV_BLUR, 1+i*6, 1+i*6);
cvShowImage("img", res);
cvWaitKey(10);
}
cvReleaseImage(&res);
```